

**Кам'янець-Подільський національний університет імені Івана Огієнка**  
**Фізико-математичний факультет**  
**Кафедра математики**

**Силабус навчальної дисципліни**  
**«МЕТОДИ ОБЧИСЛЕНЬ»**

<b>Рівень вищої освіти</b>	Перший (бакалаврський) рівень вищої освіти
<b>Спеціальність</b>	122 Комп'ютерні науки
<b>Освітньо-професійна програма (ОПП)</b>	Комп'ютерні науки та інформаційні технології
<b>Статус дисципліни</b>	Нормативна (дисципліна професійної підготовки)
<b>Курс та семестр, на якому викладається дисципліна.</b>	3 курс; 5 (п'ятий) семестр
<b>Обсяг дисципліни, семестровий контроль</b>	Кількість кредитів ЄКТС
	6 кредитів ЄКТС
	Загальний обсяг годин
	180 год.
	Кількість годин навчальних занять
	72 год.
	Лекційні заняття
	14 год.
	Практичні заняття
	0 год.
<b>Інформація про викладача, що проводить лекційні заняття.</b>	Щирба Віктор Самулович, кандидат фізико-математичних наук, доцент E-mail: <a href="mailto:shchyrba.viktor@kpnu.edu.ua">shchyrba.viktor@kpnu.edu.ua</a>
<b>Інформація про викладача, що проводить лабораторні заняття.</b>	Думанська Тетяна Володимирівна, кандидат педагогічних наук E-mail: <a href="mailto:dumanska@kpnu.edu.ua">dumanska@kpnu.edu.ua</a>
<b>Мова навчання</b>	Українська
<b>Сторінка курсу в MOODLE</b>	<a href="https://moodle.kpnu.edu.ua/course/view.php?id=1350">https://moodle.kpnu.edu.ua/course/view.php?id=1350</a>
<b>Анотація до курсу</b>	Суспільство вступило у важливий період свого розвитку – еру інформатизації. Використання електронних обчислювальних машин перейшло в сферу безпосереднього виробництва. Для вирішення теоретичних і практичних задач, що виникають при діяльності людини у різних галузях науки, техніки та виробництва з метою звільнення людини від надмірного інтелектуального навантаження значний ефект дає використання комп'ютерної техніки при умові достатнього програмного забезпечення й ефективного його використання. Відтак, дисципліна „Методи обчислень” набуває особливо великого значення у підготовці фахівців високої кваліфікації. Опанувавши навчальну дисципліну “Методи обчислень”, студент умітиме обґрунтувати вибір чисельного методу розв’язування математичної задачі, знатиме особливості його реалізації на персональному комп’ютері, володітиме алгоритмом методу, проводитиме необхідні обчислення і аналізуватиме отримані результати, а також матиме навички практичного використання програмного забезпечення ПК для розв’язування математичних задач.
<b>Мета навчальної дисципліни</b>	Метою дисципліни є набуття теоретичних і практичних знань з основ апарату чисельних методів, методів розв’язування математично формалізованих задач, вивчення чисельних методів

	розв'язування задач прикладної та обчислювальної математики, які охоплюють такі класи задач, як оцінку похибок наближених обчислень, відокремлення та уточнення коренів рівнянь, розв'язування систем лінійних алгебраїчних рівнянь, відновлення і наближення функцій, чисельного диференціювання та інтегрування функцій, знаходження коренів нелінійних рівнянь і їх систем, знаходження значення і точки мінімуму функції однієї і багатьох змінних, розв'язування задачі Коші і крайових задач для звичайних диференціальних рівнянь і їх систем та диференціальних рівнянь із частинними похідними.
<b>Пререквізити курсу</b>	Знання розділів теорії функції дійсної змінної, лінійної алгебри.
<b>Матеріально-технічне й програмне забезпечення</b>	Лабораторії обчислювальної техніки, Microsoft Office Exel
<b>Компетентності, формуванню яких сприяє дисципліна.</b>	<ul style="list-style-type: none"> <li>- Здатність до абстрактного мислення, аналізу та синтезу;</li> <li>- здатність застосовувати знання у практичних ситуаціях;</li> <li>- знання та розуміння предметної області та розуміння професійної діяльності;</li> <li>- здатність вчитися й оволодівати сучасними знаннями;</li> <li>- здатність приймати обґрунтовані рішення;</li> <li>- здатність оцінювати та забезпечувати якість виконуваних робіт;</li> <li>- здатність до математичного формування та дослідження неперервних та дискретних математичних моделей, обґрунтування вибору методів і підходів для розв'язування теоретичних і прикладних задач у галузі комп'ютерних наук, аналізу та інтерпретування;</li> <li>- здатність до виявлення статистичних закономірностей не детермінованих явищ, застосування методів обчислювального інтелекту, зокрема статистичної, нейромережевої та нечіткої обробки даних, методів машинного навчання та генетичного програмування тощо;</li> <li>- здатність до логічного мислення, побудови логічних висновків, використання формальних методів і моделей алгоритмічних обчислень, проектування, розробки й аналізу алгоритмів, оцінювання їх ефективності та складності, розв'язності та нерозв'язності алгоритмічних проблем для адекватного моделювання предметних областей і створення програмних та інформаційних систем;</li> <li>- здатність використовувати сучасні методи математичного моделювання об'єктів, процесів і явищ, розробляти моделі й алгоритми чисельного розв'язування задач математичного моделювання, враховувати похибки наближеного чисельного розв'язування професійних задач;</li> <li>- здатність здійснювати формалізований опис задач дослідження операцій в організаційно-технічних і соціально-економічних системах різного призначення, визначати їхні оптимальні розв'язки, будувати моделі оптимального управління з урахуванням змін економічної ситуації, оптимізувати процеси управління в системах різного призначення та рівня ієархії;</li> <li>- здатність до системного мислення, застосування методології системного аналізу для дослідження складних проблем різної природи, методів формалізації та розв'язування системних задач, що мають суперечливі цілі, невизначеності та ризики.</li> </ul>
<b>Результати навчання</b>	<ul style="list-style-type: none"> <li>- Застосовувати знання основних форм і законів абстрактно-логічного мислення, основ методології наукового пізнання, форм і методів вилучення аналізу, обробки та синтезу інформації в предметній області комп'ютерних наук;</li> <li>- використовувати сучасний математичний апарат неперервного та дискретного аналізу, лінійної алгебри,</li> </ul>

	<p>аналітичної геометрії в професійній діяльності для розв'язування задач теоретичного та прикладного характеру в процесі проектування та реалізації об'єктів інформатизації;</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- використовувати методи чисельного диференціювання та інтегрування функцій, розв'язування звичайних диференціальних та інтегральних рівнянь, особливостей чисельних методів та можливостей їхньої адаптації до інженерних задач, мати навички програмної реалізації чисельних методів.</li> </ul>
<p><b>Зміст навчальної дисципліни</b></p>	<p><b>Змістовий модуль 1. Методи обчислень</b></p> <p><b>Тема 1. Основи теорії похибок</b></p> <ol style="list-style-type: none"> <li>1) Джерела і класифікація похибок</li> <li>2) Похибки наближених чисел</li> <li>3) Точні та наближені методи обчислення похибок</li> <li>4) Дії над наближеними числами. Оцінка похибки результату</li> <li>5) Метод меж</li> <li>6) Правила підрахунку цифр</li> </ol> <p><b>Тема 2. Наближені методи розв'язування рівнянь</b></p> <ol style="list-style-type: none"> <li>1) Рівняння з одним невідомим</li> <li>2) Задача відокремлення коренів</li> <li>3) Метод дихотомії</li> <li>4) Метод хорд</li> <li>5) Метод Ньютона, його збіжність.</li> </ol> <p><b>Тема 3. Методи розв'язування систем лінійних та нелінійних рівнянь</b></p> <ol style="list-style-type: none"> <li>1) Постановка задачі розв'язування систем рівнянь</li> <li>2) Точні та наближені методи розв'язування систем лінійних алгебраїчних рівнянь</li> <li>3) Метод Гауса</li> <li>4) Схема Холецького</li> <li>5) Ітераційні методи розв'язування систем лінійних рівнянь</li> <li>6) Постановка задачі розв'язування систем нелінійних рівнянь</li> <li>7) Метод Ньютона</li> <li>8) Метод ітерацій</li> </ol> <p><b>Тема4. Задача інтерполяціоння</b></p> <ol style="list-style-type: none"> <li>1) Задача наближення функцій</li> <li>2) Інтерполяційні многочлени Лагранжа і Ньютона</li> <li>3) Задача найкращого наближення</li> <li>4) Поняття про рівномірне наближення функцій</li> <li>5) Середньоквадратичне наближення</li> <li>6) Метод найменших квадратів</li> <li>7) Сплайні</li> </ol> <p><b>Тема 5. Чисельне інтегрування та диференціювання</b></p> <ol style="list-style-type: none"> <li>1) Задача чисельного інтегрування</li> <li>2) Підходи до побудови квадратурних формул</li> <li>3) Квадратурні формули Ньютона-Котеса</li> <li>4) Формули прямокутників</li> <li>5) Формули трапецій</li> <li>6) Формули Сімпсона</li> <li>7) Оцінка похибки чисельного інтегрування</li> <li>8) Чисельне диференціювання. Постановка задачі Коші.</li> <li>9) Наближені методи розв'язування задачі Коші</li> <li>10) Розв'язування диференціальних рівнянь та їх систем</li> <li>11) Метод Ейлера</li> <li>12) Метод типу Рунге-Кута</li> </ol>
<p><b>Політика курсу</b></p>	<p>Для здобувачів вищої освіти відвідування занять є обов'язковим. Поважними причинами для неявки на заняття є хвороба або академічна мобільність, які необхідно підтверджувати документами. Відсутність здобувача на заняттях передбачає самостійне опрацювання матеріалу та не звільняє здобувача від виконання завдання самостійної підготовки або</p>

завдання поточного та підсумкового контролю.

Студент повинен відпрацювати або перездати певний вид роботи у випадках:

– студент пропустив лекційне заняття (у цьому випадку студент зобов'язаний самостійно оволодіти пропущеним матеріалом та відповісти на питання в межах вивченого теоретичного матеріалу);

– студент пропустив лабораторне заняття (у цьому випадку студент зобов'язаний самостійно виконати лабораторну роботу; захистити виконану лабораторну роботу);

При умові відсутності заборгованостей та написанні модульної контрольної роботи на позитивну оцінку, студент допускається до екзамену.

Самостійна робота включає теоретичне вивчення питань та відпрацювання практичних навичок передбачених програмним матеріалом, що стосуються тем навчальної дисципліни, які не ввійшли в лекційний курс, або були розглянуті коротко, їх поглиблене вивчення за рекомендованою літературою, а також виконання завдань з метою закріплення теоретичного матеріалу.

Обов'язково дотримуватись норм етичної поведінки та академічної добросердечності, передбачених «Кодексом академічної добросердечності Кам'янець-Подільського національного університету імені Івана Огієнка».

Оцінювання здобувачів вищої освіти здійснюється згідно «Положення про рейтингову систему оцінювання навчальних досягнень здобувачів вищої освіти Кам'янець-Подільського національного університету імені Івана Огієнка».

Для оцінювання знань, умінь і навичок студентів передбачається проведення поточного контролю на лабораторних заняттях і підсумковий модульний контроль, що проводиться у вигляді письмової модульної контрольної роботи. Підсумковим етапом оцінювання знань студентів із навчальної дисципліни є екзамен, максимальний бал на якому – 40 балів, мінімальний – 24 бали.

Поточний контроль полягає у перевірці теоретичних знань і практичних умінь та навичок під час виконання лабораторних робіт. Максимальний бал оцінки поточної успішності здобувачів вищої освіти на навчальних заняттях рівний 12. Здобувач вищої освіти, знання, уміння і навички якого на навчальних заняттях оцінено від 1 до 3 балів, вважається таким, що недостатньо підготувався до цих занять і має академічну заборгованість за результатами поточного контролю.

Обрахунок результатів навчальної діяльності та рейтингова оцінка у балах знань, умінь і навичок на навчальних заняттях з навчального (змістового) модуля обчислюється за такою формулою:

$$r = (0,5 \times \bar{r} + 0,4) \times r_{\max},$$

де  $\bar{r}$  – середня оцінка навчальної діяльності на навчальних заняттях;

$r_{\max}$  – встановлений максимально можливий бал на оцінювання результатів навчальної діяльності на навчальних заняттях з навчального (змістового) модуля.

Студенти, які за результатами МКР отримали оцінку, що складає менше 60% від загальної кількості балів, виділених на неї, зобов'язані покращити свій результат шляхом повторного написання роботи.

## РОЗПОДІЛ БАЛІВ ЗА ЗМІСТОВИМИ МОДУЛЯМИ: для екзамену

### **Система оцінювання та вимоги**

Поточний і модульний контроль (60 балів)		Екзамен	Сума
Змістовий модуль 1 ( 60 балів)			
Поточний контроль	МКР	40 балів	100 балів
20 балів	40 балів		

### ОСНОВНА

- Гаврилюк І. П., Макаров В. Л. Методи обчислень: Підручник: у 2 ч. Ч. 2. — К., Вища школа., 1996. — 431 с.
- Лященко Н. Я., Головань М. С. Чисельні методи: Підручник. — К.: Либідь, 1996. — 288 с.
- Мястковська М.О., Щирба В.С., Щирба О.В. Лабораторний практикум з методів обчислень : навчально-методичний посібник – Кам'янець-Подільський : Кам'янецьПодільський національний університет імені Івана Огієнка, 2015. — 99 с.
- Мястковська М.О., Щирба В.С., Щирба О.В. Лабораторні роботи з чисельних методів – Кам'янець-Подільський : Кам'янець-Подільський національний університет імені Івана Огієнка, 2014. – 112 с.
- Мястковська М.О., Щирба В.С., Щирба О.В. Чисельні методи – Кам'янецьПодільський : видавець ПП Зволейко Д.Г., 2013. – 84 с.
- Щирба В.С., Пилипюк Т.М., Думанська Т.В., Фуртель О.В.. Методичні рекомендації для підготовки до контрольних робіт з методів обчислень. – Кам'янець-Подільський : „Друкарня Рута”, 2021. – 43 с.

### ДОПОМІЖНА

- Кудрявцева А.В., Мястковська М.О., Щирба В.С., Щирба О.В. Методичні рекомендації по підготовці до контрольних робіт – Кам'янець-Подільський : видавець ПП Зволейко Д.Г., 2013. – 64 с.
- Мястковська М.О., Щирба В.С., Щирба О.В. Чисельні методи розв'язування задач великої розмірності – Кам'янець-Подільський: Кам'янець-Подільський національний університет імені Івана Огієнка, 2015. – 67 с
- [http://eprints.zu.edu.ua/18543/1/metody\\_obchyslen.pdf](http://eprints.zu.edu.ua/18543/1/metody_obchyslen.pdf)
- <http://www.unicyb.kiev.ua/Library/OM/ZAD1/index.html>

### Рекомендована література