

**Кам'янець-Подільський національний університет імені Івана Огієнка**  
**Фізико-математичний факультет**  
**Кафедра математики**

**Силабус навчальної дисципліни**  
**«МЕТОДИ ОБЧИСЛЕНЬ»**

<b>Рівень вищої освіти</b>	Перший (бакалаврський) рівень вищої освіти	
<b>Спеціальність</b>	014 Середня освіта (Математика)	
<b>Освітньо-професійна програма (ОПП)</b>	Середня освіта (Математика, інформатика)	
<b>Статус дисципліни</b>	Обов'язковий освітній компонент професійної підготовки	
<b>Курс та семестр, на якому викладається дисципліна.</b>	3 курс; 5 (п'ятий) семестр	
<b>Обсяг дисципліни, семестровий контроль</b>	Кількість кредитів ЄКТС	5,5 кредити ЄКТС
	Загальний обсяг годин	165 год.
	Кількість годин навчальних занять	66 год.
	Лекційні заняття	14 год.
	Практичні заняття	0 год.
	Семінарські заняття	0 год.
	Лабораторні заняття	52 год.
	Самостійна та індивідуальна робота	99 год.
Форма підсумкового контролю	екзамен	
<b>Інформація про викладача, що проводить лекційні заняття.</b>	Думанська Тетяна Володимирівна, кандидат педагогічних наук E-mail: <a href="mailto:dumanska@kpnpu.edu.ua">dumanska@kpnpu.edu.ua</a>	
<b>Інформація про викладача, що проводить лабораторні заняття.</b>	Думанська Тетяна Володимирівна, кандидат педагогічних наук E-mail: <a href="mailto:dumanska@kpnpu.edu.ua">dumanska@kpnpu.edu.ua</a>	
<b>Мова навчання</b>	Українська	
<b>Сторінка курсу в MOODLE</b>	<a href="https://moodle.kpnpu.edu.ua/course/view.php?id=1350">https://moodle.kpnpu.edu.ua/course/view.php?id=1350</a>	
<b>Анотація до курсу</b>	<p>Суспільство вступило у важливий період свого розвитку – еру інформатизації. Використання електронних обчислювальних машин перейшло в сферу безпосереднього виробництва. Для вирішення теоретичних і практичних задач, що виникають при діяльності людини у різних галузях науки, техніки та виробництва з метою звільнення людини від надмірного інтелектуального навантаження значний ефект дає використання комп'ютерної техніки при умові достатнього програмного забезпечення й ефективного його використання. Відтак, дисципліна „Методи обчислень” набуває особливо великого значення у підготовці фахівців високої кваліфікації. Опанувавши навчальну дисципліну “Методи обчислень”, студент умітиме обґрунтувати вибір чисельного методу розв'язування математичної задачі, знатиме особливості його реалізації на персональному комп'ютері, володітиме алгоритмом методу, проводитиме необхідні обчислення і аналізуватиме отримані результати, а також матиме навички практичного використання програмного забезпечення ПК для розв'язування математичних задач.</p>	
<b>Мета навчальної дисципліни</b>	Метою дисципліни є набуття теоретичних і практичних знань з основ апарату чисельних методів, методів розв'язування математично формалізованих задач, вивчення чисельних методів	

	розв'язування задач прикладної та обчислювальної математики, які охоплюють такі класи задач, як оцінки похибок наближених обчислень, відокремлення та уточнення коренів рівнянь, розв'язування систем лінійних алгебраїчних рівнянь, відновлення і наближення функцій, чисельного диференціювання та інтегрування функцій, розв'язування задачі Коші і крайових задач для звичайних диференціальних рівнянь і їх систем та диференціальних рівнянь із частинними похідними.
<b>Пререквізити курсу</b>	Диференціальне та інтегральне числення функції дійсної змінної, диференціальні рівняння, лінійна алгебра, вступ до спеціальності.
<b>Технічне й програмне забезпечення</b>	Аудиторія теоретичного навчання, лабораторії обчислювальної техніки, Microsoft Office Excel, модульне об'єктно-орієнтоване динамічне середовище MOODLE.
<b>Компетентності, формуванню яких сприяє дисципліна.</b>	<ul style="list-style-type: none"> <li>- Здатність формувати в учнів предметні компетентності;</li> <li>- здатність використовувати системні знання з математики, інформатики, педагогіки, методики навчання математики та інформатики, історії їх виникнення та розвитку;</li> <li>- здатність ефективно застосувати ґрунтовні знання змісту шкільної математики та інформатики;</li> <li>- здатність аналізувати математичну задачу, розглядати різні способи її розв'язування, зокрема, за допомогою програмного забезпечення загального і спеціального призначення та програмування;</li> <li>- здатність формувати в учнів переконання в необхідності обґрунтування гіпотез, розуміння математичного доведення;</li> <li>- здатність використовувати технології та інструментарії пошукових систем, методи інтелектуального аналізу даних і текстів, здійснювати опрацювання, інтерпретацію та узагальнення даних;</li> <li>- здатність здійснювати формалізований опис задач дослідження операцій в організаційно-технічних і соціально-економічних системах різного призначення, визначати їхні оптимальні розв'язки, будувати моделі оптимального управління з урахуванням змін економічної ситуації, оптимізувати процеси управління в системах різного призначення та рівня ієрархії.</li> </ul>
<b>Результати навчання</b>	<ul style="list-style-type: none"> <li>- Демонструвати знання й розуміння основних концепцій, принципів, теорій фундаментальної математики і використовувати їх на практиці;</li> <li>- володіти основними поняттями та теоретичними основами класичних розділів математичної науки, базовими ідеями та методами математики, системою основних математичних структур і аксіоматичним методом, аналізувати елементарну математику з точки зору вищої математики;</li> <li>- демонструвати культуру математичного мислення, логічну та алгоритмічну культуру;</li> <li>- уміти розв'язувати задачі різних рівнів складності шкільного курсу математики;</li> <li>- знати методи розробки та дослідження алгоритмів розв'язування задач з інформатики, знати методики оцінювання ефективності алгоритмів; володіти мовами програмування різних видів, розуміти їх переваги для розв'язання базових задач інформатики;</li> <li>- використовувати сучасний математичний апарат неперервного та дискретного аналізу, лінійної алгебри, аналітичної геометрії в професійній діяльності для розв'язування задач теоретичного та прикладного характеру в процесі проектування та реалізації об'єктів інформатизації;</li> <li>- виявляти здатність до самонавчання та продовження професійного розвитку;</li> </ul>

	<p>- організувати власну діяльність та одержувати результат у рамках обмеженого часу.</p>
<p><b>Зміст навчальної дисципліни</b></p>	<p><b>Змістовий модуль 1. Методи обчислень</b>  <b>Тема 1. Основи теорії похибок</b>  1) Джерела і класифікація похибок  2) Похибки наближених чисел  3) Точні та наближені методи обчислення похибок  4) Дії над наближеними числами. Оцінка похибки результату  5) Метод меж  6) Правила підрахунку цифр  <b>Тема 2. Наближені методи розв'язування рівнянь</b>  1) Рівняння з одним невідомим  2) Задача відокремлення коренів  3) Метод дихотомії  4) Метод хорд  5) Метод Ньютона, його збіжність  6) Ітераційний метод  <b>Тема 3. Методи розв'язування систем лінійних рівнянь</b>  1) Постановка задачі розв'язування систем рівнянь  2) Точні та наближені методи розв'язування систем лінійних алгебраїчних рівнянь  <b>Тема 4. Задача інтерполювання</b>  1) Задача наближення функцій  2) Інтерполяційні многочлени Лагранжа і Ньютона  3) Метод найменших квадратів  <b>Тема 5. Чисельне інтегрування та диференціювання</b>  1) Задача чисельного інтегрування  2) Підходи до побудови квадратурних формул  3) Формули прямокутників  4) Формули трапецій  5) Формули Сімпсона  6) Оцінка похибки чисельного інтегрування  7) Чисельне диференціювання. Постановка задачі Коші.  8) Розв'язування диференціальних рівнянь та їх систем  9) Метод Ейлера</p>
<p><b>Політика курсу</b></p>	<p>Для здобувачів вищої освіти відвідування занять є обов'язковим. Поважними причинами для неявки на заняття є хвороба або академічна мобільність, які необхідно підтверджувати документами. Відсутність здобувача на заняттях передбачає самостійне опрацювання матеріалу та не звільняє здобувача від виконання завдання самостійної підготовки або завдання поточного та підсумкового контролю.</p> <p>Студент повинен відпрацювати або перездати певний вид роботи у випадках:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>– студент пропустив лекційне заняття (у цьому випадку студент зобов'язаний самостійно оволодіти пропущеним матеріалом та відповідати на питання в межах вивченого теоретичного матеріалу);</li> <li>– студент пропустив лабораторне заняття (у цьому випадку студент зобов'язаний самостійно виконати лабораторну роботу; захистити виконану лабораторну роботу);</li> </ul> <p>При умові відсутності заборгованостей та написанні модульної контрольної роботи на позитивну оцінку, студент допускається до екзамену.</p> <p>Самостійна робота включає теоретичне вивчення питань та відпрацювання практичних навичок передбачених програмним матеріалом, що стосуються тем навчальної дисципліни, які не ввійшли в лекційний курс, або були розглянуті коротко, їх поглиблене вивчення за рекомендованою літературою, а також виконання завдань з метою закріплення теоретичного матеріалу.</p> <p>Обов'язково дотримуватись норм етичної поведінки та</p>

академічної доброчесності, передбачених «Кодексом академічної доброчесності Кам'янець-Подільського національного університету імені Івана Огієнка».

Оцінювання здобувачів вищої освіти здійснюється згідно «Положення про рейтингову систему оцінювання навчальних досягнень здобувачів вищої освіти Кам'янець-Подільського національного університету імені Івана Огієнка».

**РОЗПОДІЛ БАЛІВ ЗА ЗМІСТОВИМИ МОДУЛЯМИ:  
для екзамену**

Поточний і модульний контроль (60 балів)		Екзамен	Сума
Змістовий модуль 1 ( 60 балів)			
Поточний контроль	МКР	40 балів	100 балів
30 балів	30 балів		

Для оцінювання знань, умінь і навичок студентів передбачається проведення поточного контролю на лабораторних заняттях і підсумковий модульний контроль, що проводиться у вигляді письмової модульної контрольної роботи. Підсумковим етапом оцінювання знань студентів із навчальної дисципліни є екзамен, максимальний бал на якому – 40 балів, мінімальний – 24 бали. Контроль самостійної роботи відбувається на лабораторних заняттях.

Поточний контроль полягає у перевірці теоретичних знань і практичних умінь та навичок під час виконання лабораторних робіт. Максимальний бал оцінки поточної успішності здобувачів вищої освіти на навчальних заняттях рівний 12. Здобувач вищої освіти, знання, уміння і навички якого на навчальних заняттях оцінено від 1 до 3 балів, вважається таким, що недостатньо підготувався до цих занять і має академічну заборгованість за результатами поточного контролю.

Обрахунок результатів навчальної діяльності та рейтингова оцінка у балах знань, умінь і навичок на навчальних заняттях з навчального (змістового) модуля обчислюється за такою формулою:

$$r = (0,05 * \bar{r} + 0,4) * r_{\max}$$

де  $\bar{r}$  – середня оцінка навчальної діяльності на навчальних заняттях;

$r_{\max}$  – встановлений максимально можливий бал на оцінювання результатів навчальної діяльності на навчальних заняттях з навчального (змістового) модуля.

Студенти, які за результатами МКР отримали оцінку, що складає менше 60% від загальної кількості балів, виділених на неї, зобов'язані покращити свій результат шляхом повторного написання роботи.

**Система оцінювання та вимоги**

**Рекомендована література**

**ОСНОВНА**

1. М'ястковська М.О., Щирба В.С., Щирба О.В. Лабораторні роботи з чисельних методів. Кам'янець-Подільський : Кам'янець-Подільський національний університет імені Івана Огієнка, 2014. 112 с.
2. М'ястковська М.О., Щирба В.С., Щирба О.В. Лабораторний практикум з методів обчислень : навчально-методичний посібник. Кам'янець-Подільський : Кам'янець-Подільський національний університет імені Івана Огієнка, 2015. 99 с.
3. М'ястковська М.О., Щирба В.С., Щирба О.В. Чисельні методи. Кам'янець-Подільський : видавець ПП Зволейко Д.Г., 2013. 84 с.
4. Щирба В.С., Пилипюк Т.М., Думанська Т.В., Фуртель О.В. Методичні рекомендації для підготовки до контрольних робіт з методів обчислень: навчально-методичний посібник

для студентів фізико-математичного факультету. Кам'янець-Подільський : Друкарня Рута, 2021. 43 с.

#### **ДОДАТКОВА**

5. Ляшенко Б.М., Кривонос О.М., Вакалюк Т.А. Методи обчислень : навчально-методичний посібник для студентів фізико-математичного факультету. Житомир: Вид-во ЖДУ, 2014. 228 с.
1. Гаврилюк І. П., Макаров В. Л. Методи обчислень : навч. посібник для вузів у 2-х ч. Ч. 1. К. : Вища школа., 1995. 367 с.
2. Гаврилюк І. П., Макаров В. Л. Методи обчислень : підручник: у 2-х ч. Ч. 2. К. : Вища школа., 1996. 431 с.
3. Задачин В. М., Конюшенко І. Г. Чисельні методи : навчальний посібник. Х. : Вид. ХНЕУ ім. С. Кузнеця, 2014. 180 с.
4. Жалдак М. І, Рамський Ю. С. Чисельні методи математики: посіб. для самоосвіти вчителів. К. : 1984. 206 с.
5. Кудрявцева А.В., Мясковська М.О., Щирба В.С., Щирба О.В. Методичні рекомендації по підготовці до контрольних робіт. Кам'янець-Подільський : видавець ПП Зволейко Д.Г., 2013. 64 с.
6. Лященко Н. Я., Головань М. С. Чисельні методи : підручник. К. : Либідь, 1996. 288 с.
7. Мясковська М.О., Щирба В.С., Щирба О.В. Чисельні методи розв'язування задач великої розмірності. Кам'янець-Подільський : Кам'янець-Подільський національний університет імені Івана Огієнка, 2015. 67 с.
8. Методи обчислень: Частина 1. Чисельні методи алгебри [Електронний ресурс] : навч. посіб. для студ. спеціальності 113 «Прикладна математика», спеціалізації «Наука про дані (Data Science) та математичне моделювання» / уклад.: В.В. Третиник, Н. Д. Любашенко. Київ : КПІ ім. Ігоря Сікорського, 2019. 138 с.

#### **РЕКОМЕНДОВАНІ ДЖЕРЕЛА ІНФОРМАЦІЇ**

<http://www.unicyb.kiev.ua/Library/OM/ZAD1/index.html>